

РОССИЙСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ ОТКРЫТЫЙ  
ТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ ПУТЕЙ СООБЩЕНИЯ

---

24/40/10

Одобрено кафедрой  
«Здания и сооружения  
на транспорте»

МЕТРОЛОГИЯ,  
СТАНДАРТИЗАЦИЯ  
И СЕРТИФИКАЦИЯ

Руководство к выполнению  
лабораторных работ  
для студентов IV курса

специальностей

270102 ПРОМЫШЛЕННОЕ  
И ГРАЖДАНСКОЕ СТРОИТЕЛЬСТВО (ПГС)  
270201 МОСТЫ И ТРАНСПОРТНЫЕ ТОННЕЛИ (МТ)



Москва – 2007

Составитель — канд. техн. наук, доц. И.Л. Дудинцева

---

## **МЕТРОЛОГИЯ, СТАНДАРТИЗАЦИЯ И СЕРТИФИКАЦИЯ**

*Руководство к выполнению  
лабораторных работ*

Редактор Д. Н. Тихонычев  
Компьютерная верстка В. В. Бебко

---

---

Тип. зак.	Изд. зак. 204	Тираж 500 экз.
Подписано в печать 03.05.07	Гарнитура NewtonC.	Офсет.
Усл. печ. л. 0,75		Формат 60×90 $\frac{1}{16}$

---

Издательский центр РГОТУПСа,  
125993, Москва, Часовая ул., 22/2  
Участок оперативной печати РГОТУПСа,  
125993, Москва, Часовая ул., 22/2

**© Российский государственный открытый технический  
университет путей сообщения, 2007**

## **Введение**

Лабораторные работы ставят целью объяснить студентам понятие точности и погрешности измерений, сущность корректной статистической обработки выборки и связь доверительного интервала измерений с объемом выборки.

Содержание лабораторных работ соответствует рабочей программе дисциплины, а количество (две лабораторные работы) ограничено временем студента заочной формы обучения.

Лабораторные работы проводятся в лаборатории «Сопротивление материалов» кафедры «Сопротивление материалов и строительная механика», где имеется комплект моделей механизмов и персональные компьютеры с процессором Pentium III, измерительные приборы и инструменты.

# Лабораторная работа № 1

## Определение погрешности измерений

**Измерение** — организованное действие человека, которое он выполняет опытным путем для получения значения физической величины.

Основные характеристики измерений включают: **принцип, метод, точность, правильность, достоверность и погрешности**.

**Принцип измерений** — физическое явление, положенное в основу измерения (например, измерение температуры, массы тела и т. п.).

**Метод измерений** — приемы и технические средства с нормированными метрологическими свойствами.

**Точность измерений** характеризует близость полученных результатов к истинному значению измеряемой величины.

**Правильность измерений** — это качество измерения. Качество зависит от того, насколько правильно были выбраны средства измерения (т. е. от того, насколько выбранная единица измерения отличается от ее истинного размера).

**Достоверность измерения** определяет доверие к результатам измерений и сразу делит их на достоверные и недостоверные.

**Погрешность измерений** представляет собой разность между измеренным и истинным значением измеряемой величины.

Погрешности бывают различных типов. Все они ограничивают число достоверных значений. Их появление объясняется рядом причин: несовершенством методов и средств измерений, непостоянством условий измерения и, наконец, недостаточным опытом оператора (наблюдателя) и особенностями его органов чувств.

Любое значение измеренной величины при ограниченном числе отчетов содержит элемент случайности. Среднее арифметическое значение полученных значений случайной величины при большом числе измерений с большой вероятностью будет близко к математическому ожиданию.

Среднее арифметическое значение измеряемой величины определяют по формуле:

$$\bar{x} = \frac{1}{n} \sum_i^n x_i,$$

где  $\bar{x}$  — среднее арифметическое значение;

$n$  — число измерений;

$x_i$  — значение отдельного измерения.

Получив значение среднего арифметического значения проверяем есть ли погрешности в результатах измерений.

Для этого пользуются статистическими критериями, которые позволяют найти ошибочное измерение и исключить его из общей совокупности результатов измерений. Такое действие называется цензированием выборки.

Известно несколько критериев определения погрешностей. Когда результаты измерения распределены по нормальному закону и число измерений  $n > 20...50$  применяют правило «трех сигм». По этому критерию грубой ошибкой считается результат измерений, для которого разность между средним арифметическим значением измеренной величины и значением отдельного измерения будет больше трех значений среднего квадратичного отклонения:

$$|\bar{x} - x_i| > 3\sigma,$$

где  $\bar{x}$  — среднее арифметическое значение;

$x_i$  — значение отдельного измерения;

$\sigma$  — среднее квадратичное отклонение измеренной величины:

$$\sigma = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2}{(n-1)}},$$

где  $n$  — число измерений.

Это правило принято считать слишком жестким и обычно рекомендуется учитывать объем выборки:

при  $n < 100$  пользуются критерием  $4\sigma$ ;

при  $100 < n < 1000 - 4,5\sigma$ ;  
при  $1000 < n < 10000 - 5\sigma$ .

Кроме правила «трех сигм» известны еще критерии Романовского (при  $n < 20$ ), Шарлье ( $n > 20$ ), вариационный критерий Диксона, а также Граббса и Шовенэ.

В данной лабораторной работе применяем правило «трех сигм».

Последовательность работы следующая. Измеряем  $n$  раз числовые значения прогиба балки от вертикальной нагрузки, приложенной в середине пролета ( $x_i$ ). Затем вычисляем среднее арифметическое значение прогиба балки ( $\bar{x}$ ). Потом определяем среднее квадратичное отклонение измерений ( $\sigma$ ), утраиваем это значение ( $3\sigma$ ) и сравниваем с разностью между отдельным измерением ( $x_i$ ) и средним арифметическим значением прогиба ( $\bar{x}$ ), т. е.  $(x_i - \bar{x})$ .

Если разности  $(x_i - \bar{x})$  оказываются больше  $3\sigma$ , то эти значения прогибов исключают из общего числа измерений ( $n$ ).

Затем находим новое среднее арифметическое значение прогиба. Из оставшихся значений, вычисляем новое среднее квадратичное отклонение, берем три значения нового  $\sigma$  и сравниваем с новой разностью для каждого из оставшихся измерений.

Это выглядит следующим образом (рис. 1).

Данные измерений заносят в табл. 1.



Рис. 1

*Таблица 1*

$\text{№ п/п}$	$x_i$	$x_i - \bar{x}$	$(x_i - \bar{x})^2$	$\sigma$	$3\sigma$	$(x_i - \bar{x}) < 3\sigma$	$(x_i - \bar{x}) > 3\sigma$
1	2	3	4	5	6	7	8

Вывод относительно правильности выполненных измерений.  
Студент должен обосновать правильность измерений.

Работу выполнил студент \_\_\_\_\_  
Ф. И. О \_\_\_\_\_ (подпись)

Работу принял \_\_\_\_\_

Дата «\_\_\_» 200 г.

## Лабораторная работа № 2

### Доверительный интервал измерений

Смысл измерений заключается не в определении значения величины, а в нахождении интервала, внутри границ которого находится действительное значение измеряемой величины.

Например,  $l = 15,00 \pm 0,05$  означает, что действительное значение измеряемой величины находится в границах от 14,95 до 15,05, а не равно 15,00.

Поскольку истинное значение измеряемой величины неизвестно, то с границами интервала сравнивается среднее арифметическое значение  $\bar{x}$ , полученное в результате ряда измерений. Оно отличается от истинного значения на величину погрешности измерения.

В математической статистике для оценки точности и надежности измерений пользуются понятиями **доверительный интервал** и **доверительная вероятность**.

Предположим, что, не зная истинного значения  $x$ , опытным путем получено среднее арифметическое значение.

Если задаться достаточно большой вероятностью  $\beta$  (например,  $\beta = 0,95$ ;  $\beta = 0,99$ ), чтобы событие с вероятностью  $\beta$  можно было считать практически достоверным, и найти такое значение погрешности измерения  $\varepsilon$  для которого выполняться условие:

$$P(|\bar{x} - x_i| < \varepsilon) = \beta,$$

то интервал практически возможных значений ошибки будет  $\pm \varepsilon$ . Ошибки, превышающие по абсолютной величине  $\varepsilon$ , будут маловероятны.

Исходя из сказанного выше следует, что с вероятностью  $\beta$  неизвестное значение  $x$  попадает в интервалы:

$$I_\beta = (I_1 = \bar{x} - \varepsilon; I_2 = \bar{x} + \varepsilon).$$

Вероятность  $\beta$  называют доверительной вероятностью, а интервал  $I_\beta$  — **доверительным интервалом**.

Значения  $I_1$  и  $I_2$  представляют собой границы доверительного интервала:

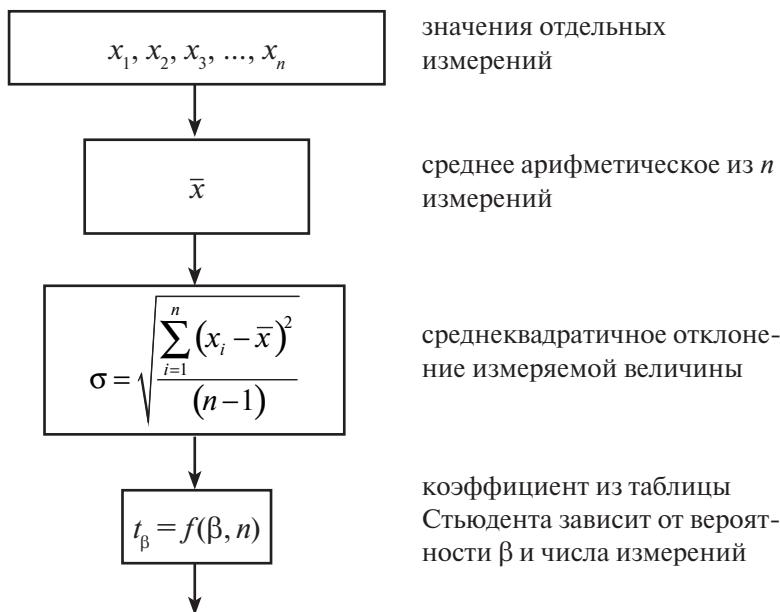
$$I_2 - I_1 = 2\epsilon.$$

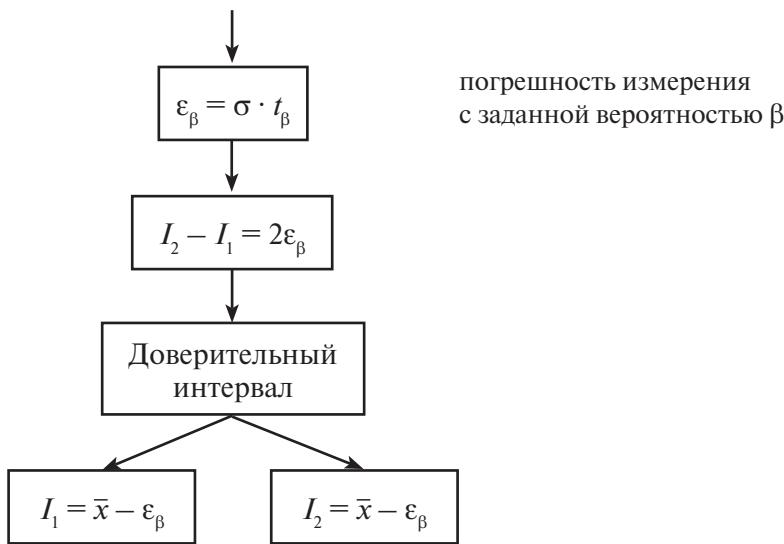
Для нормального распределения результатов измерений известно решение математика Госсета, который писал под псевдонимом Стьюдент (student). С помощью распределения Стьюдента (таблица Стьюдента) можно найти отклонение среднего арифметического от истинного значения измеряемой величины.

### Ход лабораторной работы

Для определения границ доверительного интервала ( $I_1$ ,  $I_2$ ) надо задаться доверительной вероятностью  $\beta$ .

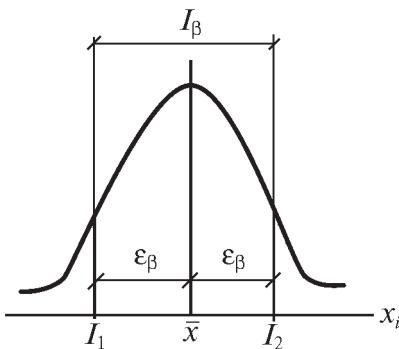
Имеем (см. рис. 2)





*Рис. 2.*

Студент выполняет последовательно вычисления, находит границы доверительного интервала и вычерчивает график.



Работу выполнил студент \_\_\_\_\_  
Ф. И. О. \_\_\_\_\_  
(подпись)

Работу принял \_\_\_\_\_

Дата «\_\_\_» 200 \_\_\_ г.

## **РЕКОМЕНДУЕМАЯ ЛИТЕРАТУРА**

### **Основная**

1. Сергеев А. Г. Метрология, стандартизация и сертификация: Уч. пос. Мин. образования РФ. — М.: ЛОГОС, 2003.
2. Радкевич Я. М. Метрология, стандартизация и сертификация. — М.: Высшая школа, 2004.

### **Дополнительная**

3. Никифоров А. Д., Бакиев Т. А. Метрология, стандартизация и сертификация: Уч. пос. Мин. образования РФ. — М.: Высшая школа. 2003.
4. Сергеев А. Г. Метрология: Учеб. — М.: ЛОГОС. 2005.
5. Лифиц И. М. Стандартизация, метрология и сертификация: Учеб. Мин. образования РФ. — М.: ЮРАЙТ. 2004.
6. Крылова Г. Д. Основы стандартизации, сертификации, метрологии. — М.: ЮНИТИ. 2001.
7. Сазыкин И. А. Метрология, стандартизация и сертификация : Уч. пос. — Ч. 1. — М.: РГОТУПС, 2003.